

解析学II(近藤) 小テスト#1(2003年10月9日)

[1] 次の極限を求めよ .

$$(1) \quad \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2 - y^2}{x^2 + y^2}$$

$$(2) \quad \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{2x^3 - y^3 + x^2 + y^2}{x^2 + y^2}$$

$$(3) \quad \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^2y}{x^2 + y^2}$$

[2] 次の関数は原点 $(0,0)$ で連続であるか論ぜよ .

$$(1) \quad f(x,y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2 + y^2} & ((x,y) \neq (0,0)) \\ 0 & ((x,y) = (0,0)) \end{cases}$$

$$(2) \quad f(x,y) = \begin{cases} xy \log(x^2 + y^2) & ((x,y) \neq (0,0)) \\ 0 & ((x,y) = (0,0)) \end{cases}$$

$$(3) \quad f(x,y) = \begin{cases} \frac{x^4 - 3x^2y^2}{2x^2 + y^2} & ((x,y) \neq (0,0)) \\ 0 & ((x,y) = (0,0)) \end{cases}$$

[3] 次の関数 $f(x,y)$ が原点で連続となるように $f(0,0)$ の値を定義せよ.

$$f(x,y) = \frac{\sin(x+y)}{x+y}$$