

解析学I(担当:近藤) #2
2006年4月27日

[I] 次の関数についてグラフを描け。また下記の表を埋めよ。

- (1) $2x + 3$ の逆関数 (2) e^{-x} の逆関数 (3) e^{-2x-1} の逆関数 (4) x^2 の逆関数
- (5) $x^2 + 2x + 4$ の逆関数 (6) $\frac{2x-1}{x+3}$ の逆関数 (7) $\sin x$ (8) $\cos x$ (9) $\tan x$ (10) $\sin^{-1} x$
- (11) $\cos^{-1} x$ (12) $\tan^{-1} x$ (13) $\text{Sin}^{-1} x$ (14) $\text{Cos}^{-1} x$ (15) $\text{Tan}^{-1} x$ (16) $\sinh x$
- (17) $\cosh x$ (18) $\tanh x$ (19) $\sinh^{-1} x$ (20) $\cosh^{-1} x$ (21) $\tanh^{-1} x$ (22) $\text{Cosh}^{-1} x$

問題	定義域	値域	価数	周期 (注 1)	偶・奇関数 (注 2)
(例 1)	$-\infty < x < \infty$	$0 \leq y < \frac{\pi}{2}$	2 価	周期 π	奇
(例 2)	$0 < x$	$y \geq 1$	1 価	周期 2π	偶
(例 3)	$-1 \leq x \leq 1$	$-\infty < y < \infty$	無限多価	\times	\times
(1)					
(2)					
(3)					
(4)					
(5)					
(6)					
(7)					
(8)					
(9)					
(10)					
(11)					
(12)					
(13)					
(14)					
(15)					
(16)					
(17)					
(18)					
(19)					
(20)					
(21)					
(22)					

(注 1) 周期関数である場合は周期の値を書き、周期関数ではない場合は \times とする。

(注 2) 偶関数である場合は偶、奇関数である場合は奇、どちらでもない場合は \times と書く。

[II] 次の間に答えよ .

- (1) 双曲線関数 $\sinh x, \cosh x, \tanh x$ の定義を書け .
- (2) 双曲線関数 $\cosh x$ の逆関数 $\cosh^{-1} x$ を対数関数で表せ .
- (3) 加法公式 $\cosh(x + y) = \cosh x \cosh y + \sinh x \sinh y$ を証明せよ .

[III] 次の値を求めよ .

$$(1) \quad \text{Sin}^{-1}(0) =$$

$$(2) \quad \text{Sin}^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) =$$

$$(3) \quad \text{Sin}^{-1}\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) =$$

$$(4) \quad \text{Sin}^{-1}\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) =$$

$$(5) \quad \text{Sin}^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) =$$

$$(6) \quad \text{Sin}^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) =$$

$$(7) \quad \text{Sin}^{-1}(1) =$$

$$(8) \quad \text{Cos}^{-1}(0) =$$

$$(9) \quad \text{Cos}^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) =$$

$$(10) \quad \text{Cos}^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) =$$

$$(11) \quad \text{Cos}^{-1}\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) =$$

$$(12) \quad \text{Cos}^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) =$$

$$(13) \quad \text{Cos}^{-1}(1) =$$

$$(14) \quad \text{Tan}^{-1}(0) =$$

$$(15) \quad \text{Tan}^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right) =$$

$$(16) \quad \text{Tan}^{-1}\left(-\frac{1}{\sqrt{3}}\right) =$$

$$(17) \quad \text{Tan}^{-1}(1) =$$

$$(18) \quad \text{Tan}^{-1}(\sqrt{3}) =$$

$$(19) \quad \text{Tan}^{-1}(-\sqrt{3}) =$$